

# M109, M509: АЛГЕБРА 1

3. АПРИЛ 2023.

- [12] 1. Наћи једну полуgrpupу са 3 елемента чији су сви елементи идемпотентни.
- [13] 2. Нека је  $G$  Абелова група,  $e$  њена јединица и  $K$  њен подскуп дефинисан са
- $$K = \{k \in G : k^3 = e\}.$$
- a) Доказати:  $K \trianglelefteq G$ .
- b) За  $G = \mathbb{Z}_6 \times \mathbb{Z}_{15}$  одредити елементе скупа  $K$ .
- [12] 3. Одредити остатак броја  $3^{4^{2023}}$  при дељењу са 17.
- [13] 4. Ако је  $A$  реална инволутивна матрица реда 4 различита од  $E$  и  $-E$ , доказати да је њен траг једнак 0.

РАД ТРАЈЕ **180** МИНУТА.

ВРЕДНОСТ ЗАДАТАКА ЈЕ НАЗНАЧЕНА НА ЛЕВОЈ МАРГИНИ.

УСМЕНИ ИСПИТ: **УТОРАК, 11. АПРИЛ, у 14 ч, сала 65.**