

Test ima 20 zadataka. Vreme za rad je 180 minuta. Svaki zadatak vredi 5 pena. Pogrešan odgovor donosi -0,5 poena. Ako smatrate da nijedan od ponuđenih odgovora nije tačan, upišite pod E) odgovor za koji mislite da je tačan i zaokružite E). U slučaju zaokruživanja više od jednog odgovora dobija se -1 poen.

1. Jedno rešenje jednačine  $z^4 = i(z - 2i)^4$  je:

- A)  $i + ctg\frac{\pi}{16}$ ;      B) ;      C) ;      D) ;      E) \_\_\_\_\_.

2. Vrednost izraza  $(\sqrt{3} + \frac{1-i}{1+i})^{20}$  je:

- A)  $2^{19}(-1 + i\sqrt{3})$ ;      B) ;      C) ;      D) ;      E) \_\_\_\_\_.

3. Ostatak pri deljenju polinoma  $x^{1998} - x^{1999} + x^{2000}$  sa  $x^3 + 1$  je:

- A)  $x^2 - x + 1$ ;      B) ;      C) ;      D) ;      E) \_\_\_\_\_.

4. Koreni jednačine  $x^3 + 4x + 2 = 0$  su  $\alpha, \beta$  i  $\gamma$ . Tada su  $\alpha + \frac{1}{\alpha}, \beta + \frac{1}{\beta}, \gamma + \frac{1}{\gamma}$  koreni jednačine:

- A)  $x^3 + 2x^2 + x + \frac{13}{2}$ ;      B) ;      C) ;      D) ;      E) \_\_\_\_\_.

5. Rešenja jednačine  $z^5 + z^4 + z^3 + z^2 + z + 1 = 0$  su za  $k = 1, \dots, 5$ :

- A)  $\cos(\frac{k\pi}{3}) + i \sin(\frac{k\pi}{3})$ ;      B) ;      C)  $2$ ;      D) ;      E) \_\_\_\_\_.

6. Neka je  $A = \{\sqrt{n+1} - \sqrt{n} \mid n \in \mathbf{N}\}$  i  $B = \{\sqrt{n} - \sqrt{n+1} \mid n \in \mathbf{N}\}$ . Tada je  $\inf(A \cup B)$ :

- A)  $1 - \sqrt{2}$ ;      B) ;      C) ;      D) ;      E) \_\_\_\_\_.

7. Prva tri člana aritmetičkog niza  $a_1, a_2, a_3, \dots$  kod koga važi da je  $a_1 + a_3 + a_5 = -12$  i  $a_1 a_3 a_5 = 80$  su:

- A)  $2, -1, -4$ ;      B) ;      C) ;      D) ;      E) \_\_\_\_\_.

8. Izračunati zbir  $\frac{5}{2} + 5 + \frac{19}{2} + \dots + \frac{n+2^{n+1}}{2} + \dots + \frac{100+2^{101}}{2}$ :

- A)  $2523 + 2^{101}$ ;      B) ;      C) ;      D) ;      E) \_\_\_\_\_.

9. Neka su  $f_n$  Fibonačijevi brojevi. Tada je  $f_1 + f_3 + \dots + f_{2009}$ :

- A)  $f_{2010}$ ;      B) ;      C) ;      D) ;      E) \_\_\_\_\_.

10. Izračunati  $\lim_{n \rightarrow \infty} (\frac{1}{1 \cdot 5} + \frac{1}{5 \cdot 9} + \dots + \frac{1}{(4n-3)(4n+1)})$ :

- A)  $\frac{1}{4}$ ;      B) ;      C) ;      D) ;      E) \_\_\_\_\_.

11. Domen funkcije  $f(x) = \frac{\sqrt{x-2}}{x-3} + \log_3(8-x)$  je:

- A)  $[2, 3) \cup (3, 8)$ ;      B) ;      C) ;      D) ;      E) \_\_\_\_\_.

12. Skup vrednosti funkcije  $\frac{1}{2} + \sin x \cdot \cos x \cdot \cos 2x$  je:

- A)  $[\frac{1}{4}, \frac{3}{4}]$ ;      B) ;      C) ;      D) ;      E) \_\_\_\_\_.

13. Osnovni period funkcije  $f(x) = \cos \sqrt{x+1}$  je:

- A) ne postoji;      B) ;      C) ;      D) ;      E) \_\_\_\_\_.

14. Ako je  $f(\frac{2x-1}{x+1}) = x^2 + 2x$  onda je  $f(0) + f(1) =$ :

- A)  $\frac{37}{4}$ ;      B) ;      C) ;      D) ;      E) \_\_\_\_\_.

15.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{(x+1)(x+2)} - x) =$

- A)  $1, 5$ ;      B) ;      C) ;      D)  $\infty$ ;      E) \_\_\_\_\_.

16.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 8x - \sin 5x}{\sin 2x} =$

- A)  $\frac{3}{2}$ ;      B) ;      C) ;      D) ;      E) \_\_\_\_\_.

17.  $\lim_{n \rightarrow +\infty} (\frac{3n-4}{3n+2})^{\frac{n+1}{3}} =$

- A)  $e^{-\frac{2}{3}}$ ;      B) ;      C) ;      D) ;      E) \_\_\_\_\_.

18. Prvi izvod funkcije  $f(x) = \frac{1}{2} \operatorname{arctg} \frac{2x}{1-x^2}$  je

- A)  $\frac{1}{1+x^2}$ ;      B) ;      C) ;      D) ;      E) \_\_\_\_\_.

19. 2009-ti izvod funkcije  $f(x) = \sin^2 x$  je:

- A)  $2^{2008} \sin 2x$ ;      B) ;      C) ;      D) ;      E) \_\_\_\_\_.

20. U polinomu  $x^{10} - 5x^6 + 5x^4 - 1$  broj 1 je koren reda:

- A) 3;      B) ;      C) ;      D) ;      E) \_\_\_\_\_.